

# Zomercursus Wiskunde B

Week 1, les 3

Jolien Oomens

J.J.Oomens@uva.nl

Korteweg-de Vries Instituut voor Wiskunde  
Faculteit der Natuurwetenschappen, Wiskunde en Informatica  
Universiteit van Amsterdam



6 juli 2017

Machtsverheffen:

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

*Regels voor machtsverheffen*

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$g^{a+b}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$



# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$g^{a+b} = \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b \end{aligned}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$



# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

Worteltrekken is het omgekeerde:

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

Worteltrekken is het omgekeerde:

$$\sqrt{25} = 5$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

Worteltrekken is het omgekeerde:

$$5^2 = 25 \quad \Rightarrow \quad \sqrt{25} = 5$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

Worteltrekken is het omgekeerde:

$$5^2 = 25 \quad \Rightarrow \quad \sqrt[2]{25} = \sqrt{25} = 5$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

Worteltrekken is het omgekeerde:

$$5^2 = 25 \quad \Rightarrow \quad \sqrt[2]{25} = \sqrt{25} = 5$$

$$a^3 = b$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

Worteltrekken is het omgekeerde:

$$5^2 = 25 \quad \Rightarrow \quad \sqrt[2]{25} = \sqrt{25} = 5$$

$$a^3 = b \quad \Rightarrow \quad a = \sqrt[3]{b}.$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

# Machten

Machtsverheffen:

$$2^4 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 16.$$

Regels zijn waar:

$$\begin{aligned} g^{a+b} &= \underbrace{g \cdot g \cdots g \cdot g}_{a+b \text{ keer}} \\ &= \underbrace{g \cdots g}_a \cdot \underbrace{g \cdots g}_b = g^a g^b. \end{aligned}$$

Worteltrekken is het omgekeerde:

$$5^2 = 25 \quad \Rightarrow \quad \sqrt[2]{25} = \sqrt{25} = 5$$

$$a^3 = b \quad \Rightarrow \quad a = \sqrt[3]{b}.$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

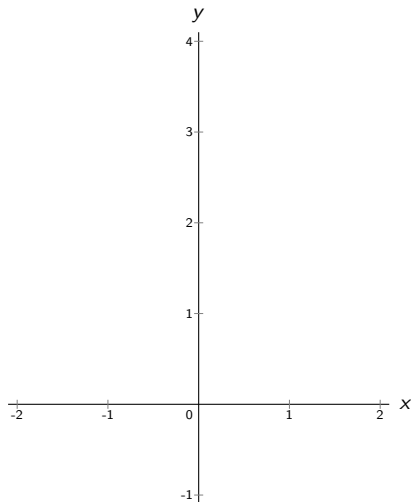
$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

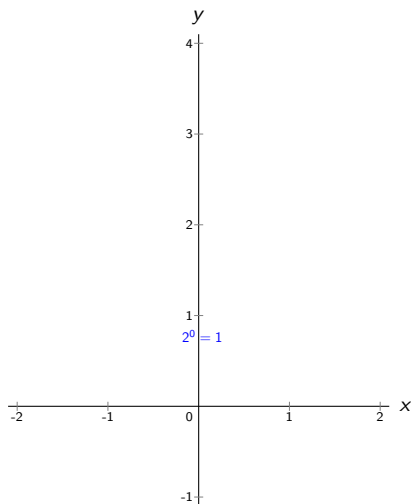
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

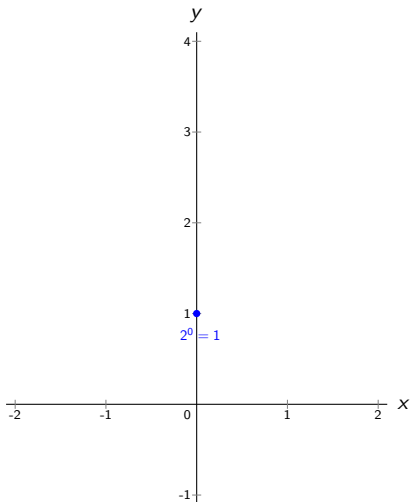
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

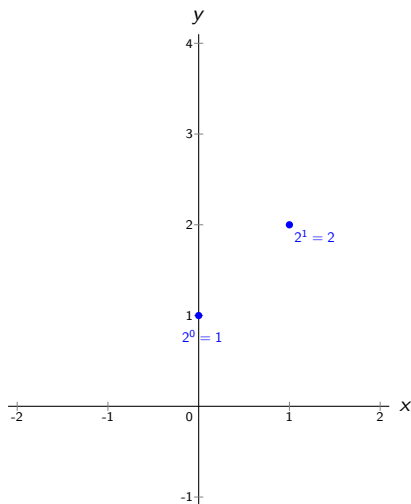
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

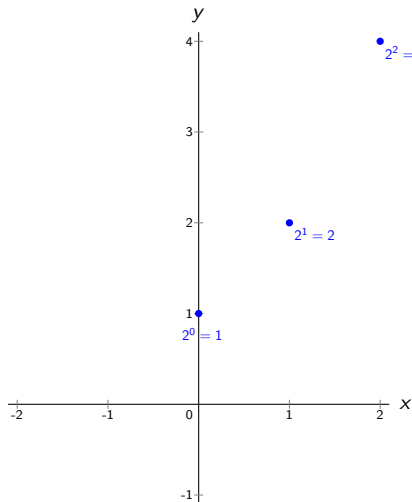
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

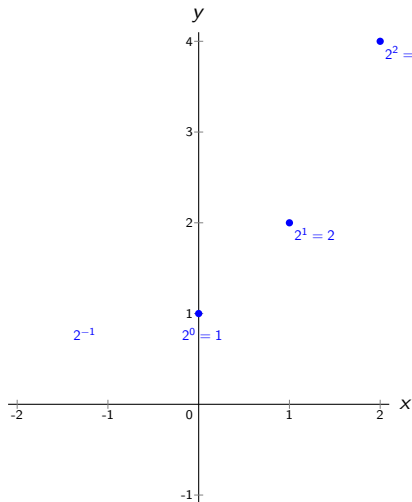
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

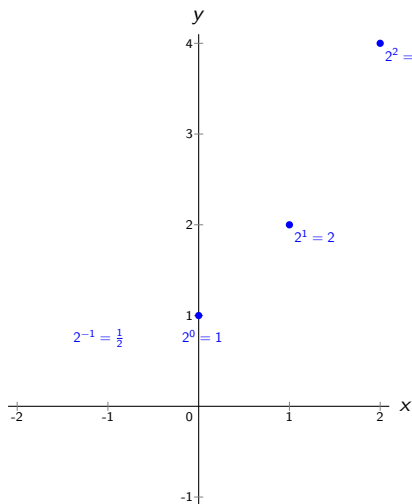
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

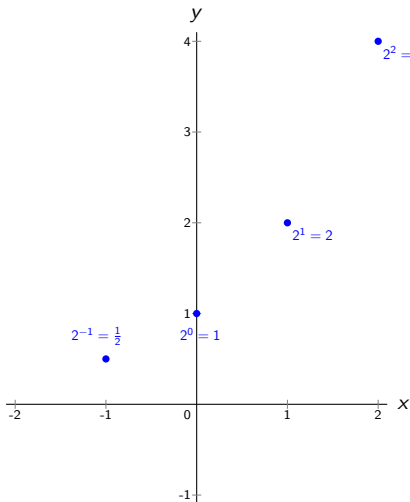
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

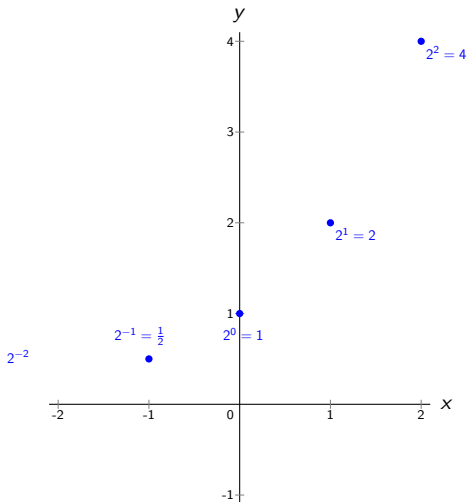
$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

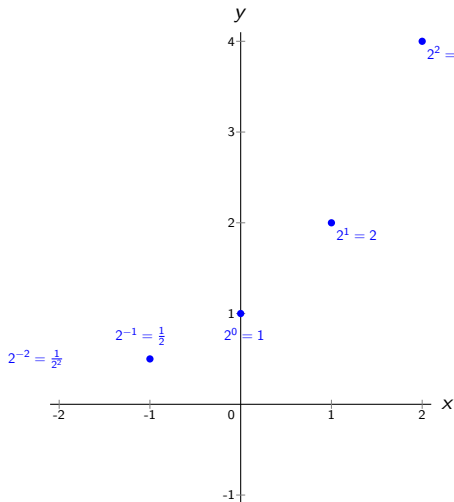
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

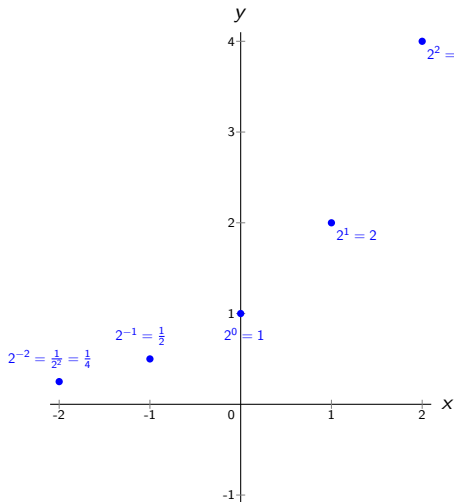
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

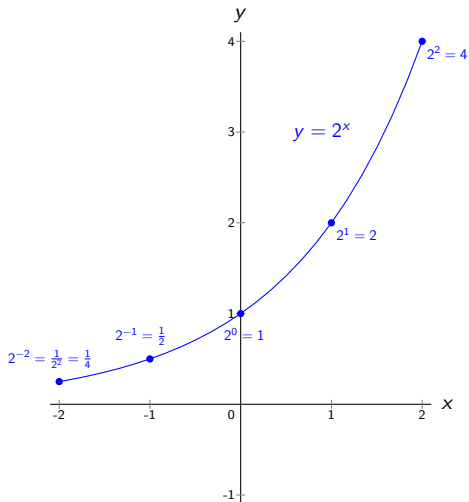
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functie  $f(x) = 2^x$



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

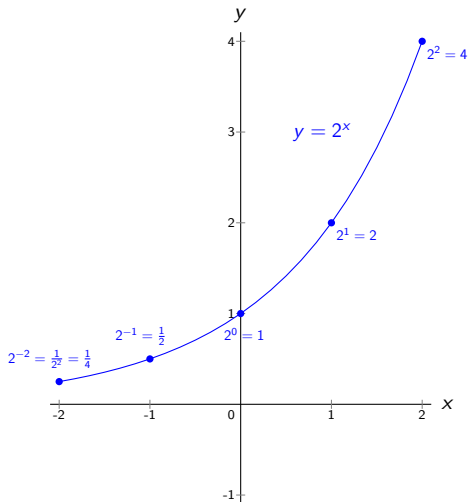
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

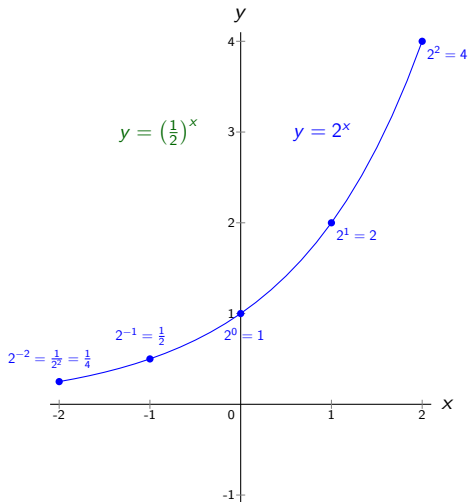
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

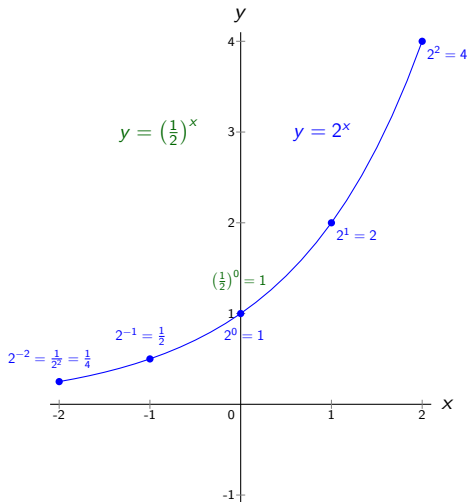
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

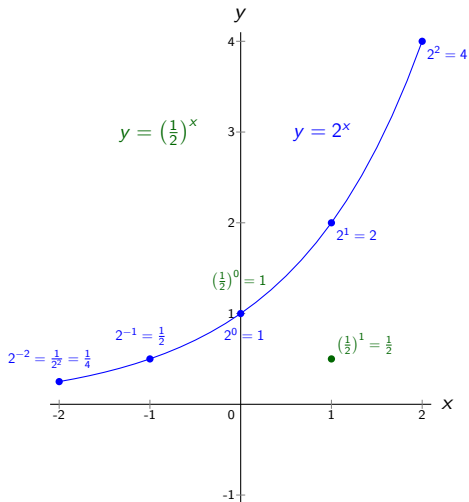
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

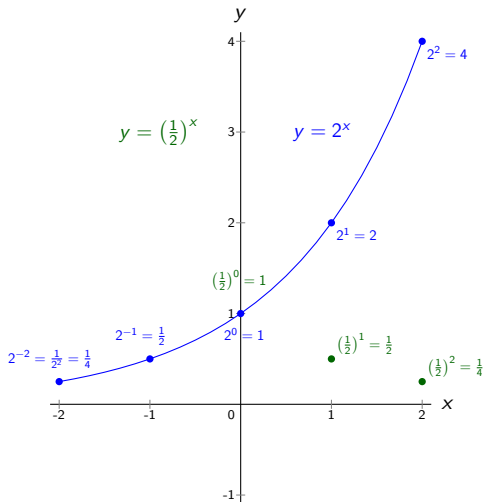
$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

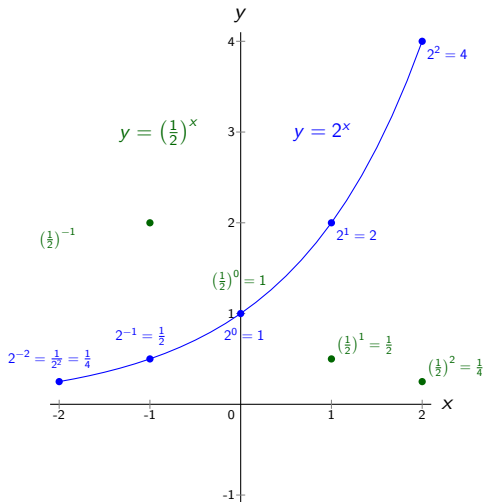
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

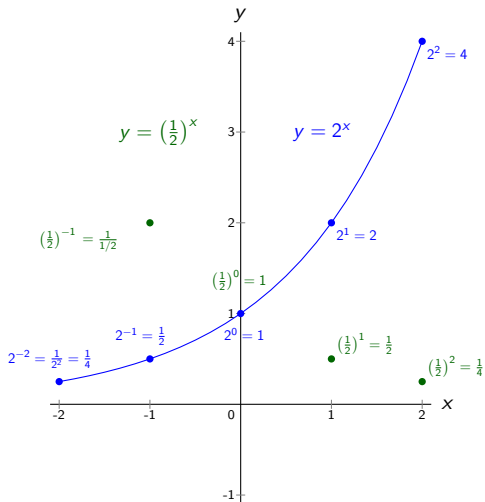
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

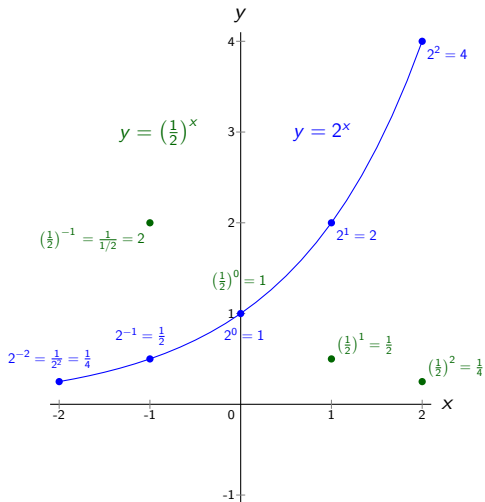
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

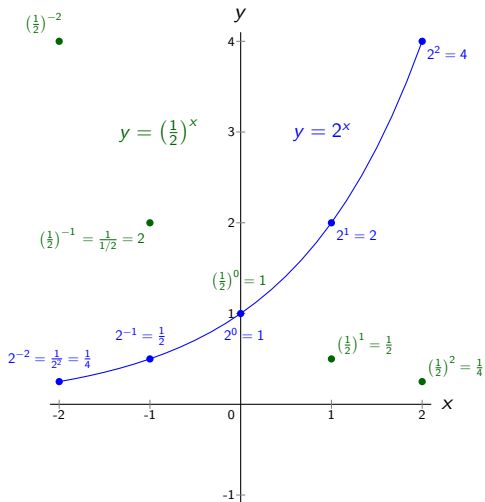
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

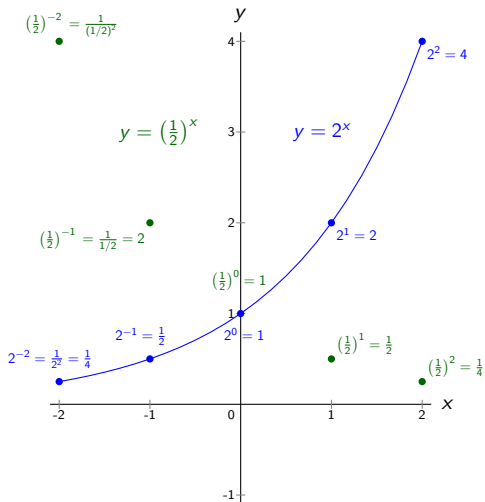
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

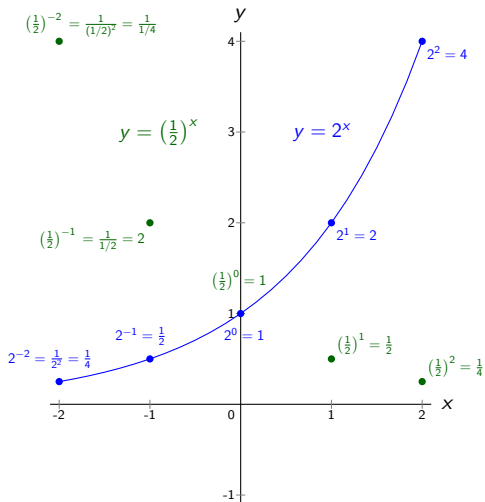
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

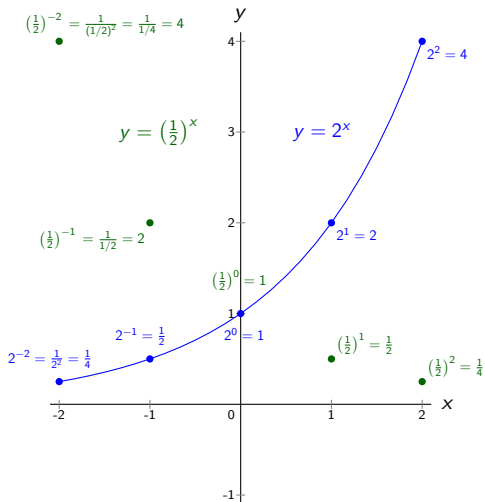
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

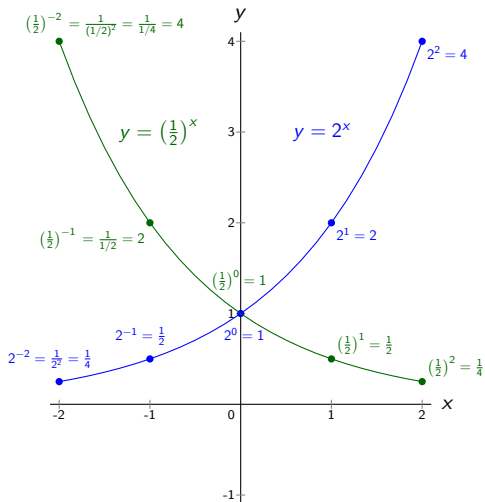
$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Exponentiële functies

Bekijk de functies  $f(x) = 2^x$ ,  $g(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ .



Regels voor machtsverheffen

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

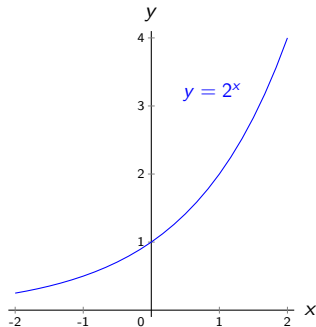
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

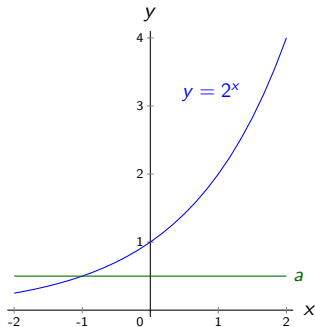
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

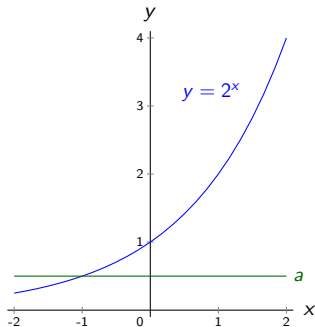
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

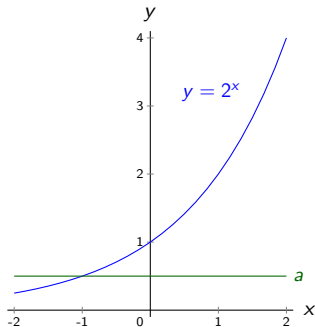
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = -1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

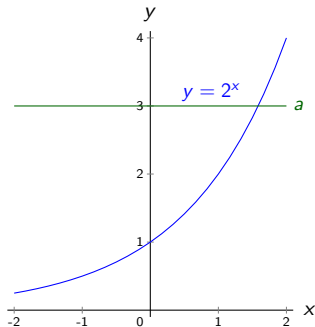
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = -1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

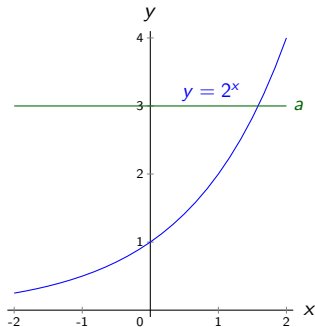
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = -1$$

$$2^x = 3$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

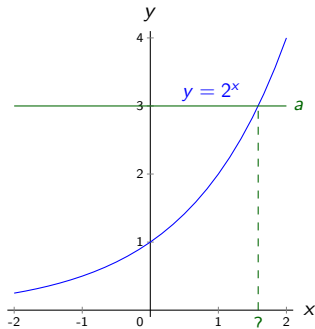
$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = -1$$

$$2^x = 3$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

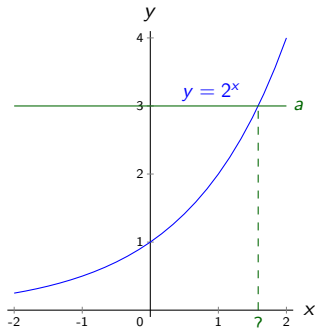
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = -1$$

$$2^x = 3 \quad \Rightarrow \quad x = ?$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

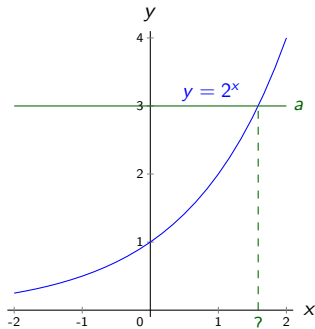
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = -1$$

$$2^x = 3 \quad \Rightarrow \quad x = ? \approx 1.6$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

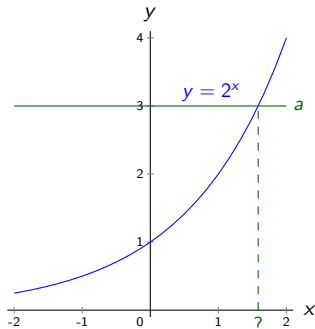
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = -1$$

$$2^x = 3 \quad \Rightarrow \quad x = {}^2\log 3 \approx 1.6$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

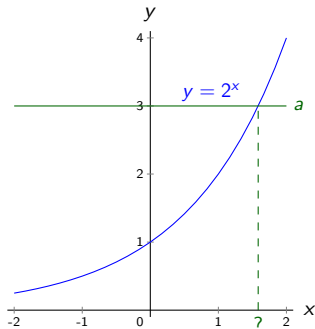
$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Exponentiële vergelijkingen

We willen oplossen  $2^x = a$ .



We hebben:

$$2^x = \frac{1}{2} \quad \Rightarrow \quad x = {}^2\log \frac{1}{2} = -1$$

$$2^x = 3 \quad \Rightarrow \quad x = {}^2\log 3 \approx 1.6$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  
 $x = {}^2\log a$ .

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ .

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0$$

$$\text{want } g^0 = 1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0$$

$$\text{want } g^0 = 1$$

$${}^g\log(-1)$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0$$

$$\text{want } g^0 = 1$$

${}^g\log(-1)$  bestaat niet

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0$$

$$\text{want } g^0 = 1$$

${}^g\log(-1)$  bestaat niet

$$\text{want } g^x > 0$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0$$

$$\text{want } g^0 = 1$$

${}^g\log(-1)$  bestaat niet

$$\text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2$$

$$\text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2$$

$$\text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0$$

$$\text{want } g^0 = 1$$

${}^g\log(-1)$  bestaat niet

$$\text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2 = -1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2 \quad \text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2 \quad \text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0 \quad \text{want } g^0 = 1$$

$${}^g\log(-1) \text{ bestaat niet} \quad \text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2 = -1 \quad \text{want } \left(\frac{1}{2}\right)^{-1}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2 \quad \text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2 \quad \text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0 \quad \text{want } g^0 = 1$$

$${}^g\log(-1) \text{ bestaat niet} \quad \text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2 = -1 \quad \text{want } \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} = \frac{1}{1/2}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2 \quad \text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2 \quad \text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0 \quad \text{want } g^0 = 1$$

$${}^g\log(-1) \text{ bestaat niet} \quad \text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2 = -1 \quad \text{want } \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} = \frac{1}{1/2} = 2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2 \quad \text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2 \quad \text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0 \quad \text{want } g^0 = 1$$

$${}^g\log(-1) \text{ bestaat niet} \quad \text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2 = -1 \quad \text{want } \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} = \frac{1}{1/2} = 2$$

$${}^3\log \sqrt{3}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2 \quad \text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2 \quad \text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0 \quad \text{want } g^0 = 1$$

$${}^g\log(-1) \text{ bestaat niet} \quad \text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2 = -1 \quad \text{want } \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} = \frac{1}{1/2} = 2$$

$${}^3\log \sqrt{3} = \frac{1}{2}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$



# Logaritmes

De oplossing van de vergelijking  $2^x = a$  is  $x = {}^2\log a$ . Meer algemeen is  $x = {}^g\log a$  de oplossing van  $g^x = a$ . Dus:

$$g^{{}^g\log a} = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log 9 = 2 \quad \text{want } 3^2 = 9$$

$${}^5\log \frac{1}{25} = -2 \quad \text{want } 5^{-2} = \frac{1}{5^2} = \frac{1}{25}$$

$${}^g\log 1 = 0 \quad \text{want } g^0 = 1$$

$${}^g\log(-1) \text{ bestaat niet} \quad \text{want } g^x > 0$$

$${}^{1/2}\log 2 = -1 \quad \text{want } \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} = \frac{1}{1/2} = 2$$

$${}^3\log \sqrt{3} = \frac{1}{2} \quad \text{want } \sqrt{3} = 3^{1/2}$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^0 = 1$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$g^{b-a} = \frac{g^b}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

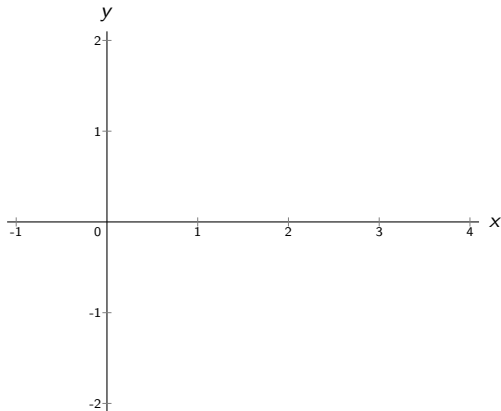
$$g^{1/a} = \sqrt[a]{g}$$

# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$  .

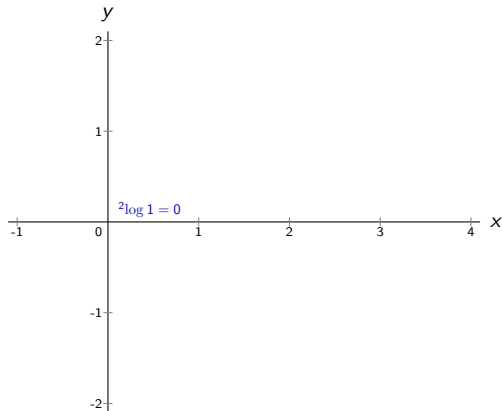
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$  .



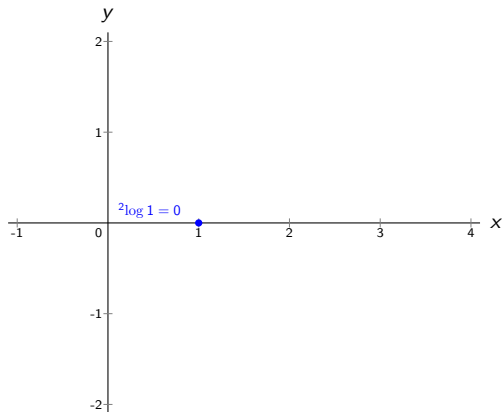
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$  .



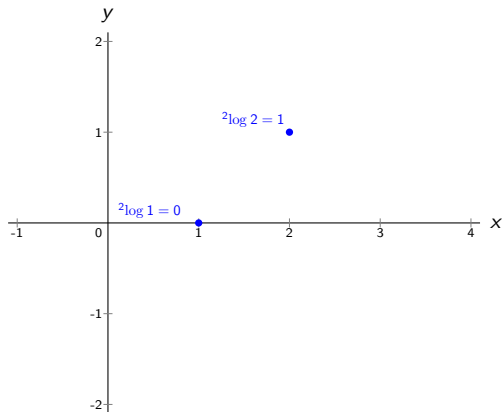
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$  .



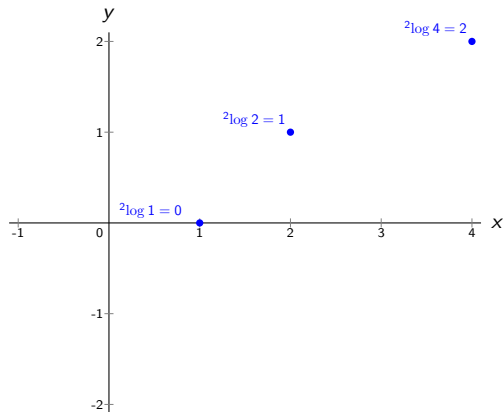
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$  .



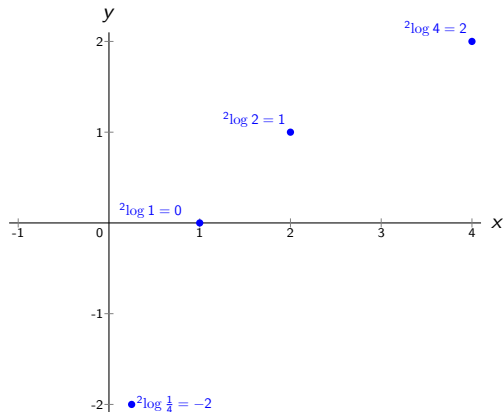
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$



# Grafiek van de logaritme

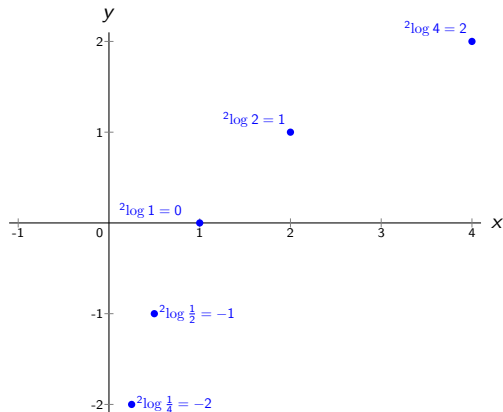
De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$





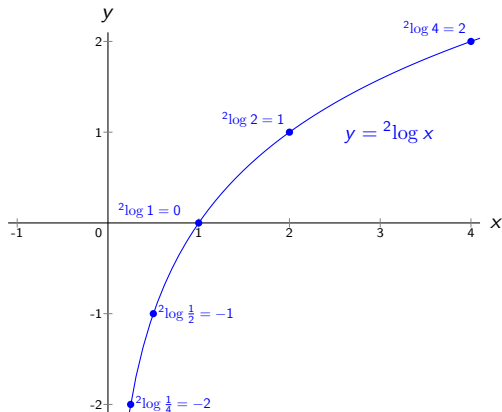
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$



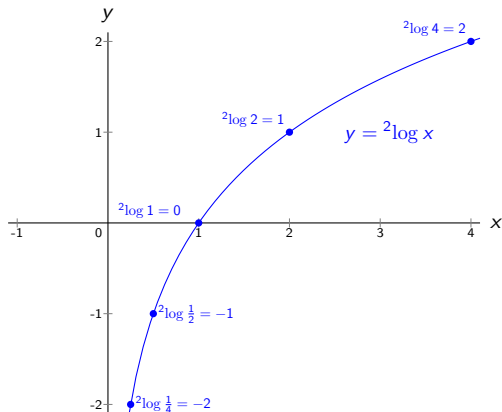
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functie  $f(x) = {}^2\log x$



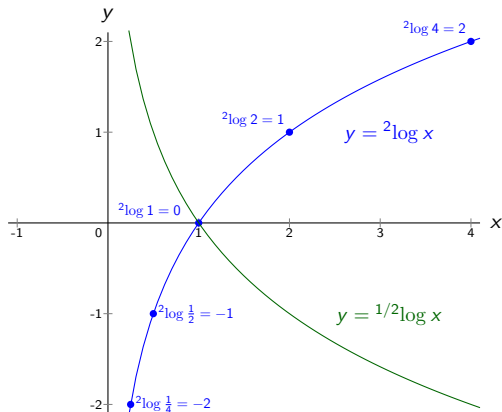
# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functies  $f(x) = {}^2\log x$ ,  $g(x) = {}^{1/2}\log x$ .



# Grafiek van de logaritme

De logaritme  $y = {}^2\log a$  is de oplossing van de vergelijking  $2^y = a$ .  
Bekijk de functies  $f(x) = {}^2\log x$ ,  $g(x) = {}^{1/2}\log x$ .



# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$2^{x+3} = 16$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$2^{x+3} = 16 \quad \Rightarrow \quad x + 3 = {}^2\log 16$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$2^{x+3} = 16 \quad \Rightarrow \quad x + 3 = {}^2\log 16 \quad \Rightarrow \quad x + 3 = 4$$



# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$5^{1-2x} = 2$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$5^{1-2x} = 2 \Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$5^{1-2x} = 2 \Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2 \Rightarrow 2x = 1 - {}^5\log 2$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$\begin{aligned} 5^{1-2x} = 2 &\Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2 \Rightarrow 2x = 1 - {}^5\log 2 \\ &\Rightarrow x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot {}^5\log 2. \end{aligned}$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$\begin{aligned} 5^{1-2x} = 2 &\Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2 \Rightarrow 2x = 1 - {}^5\log 2 \\ &\Rightarrow x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot {}^5\log 2. \end{aligned}$$

Ten slotte



# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$\begin{aligned} 5^{1-2x} = 2 &\Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2 \Rightarrow 2x = 1 - {}^5\log 2 \\ &\Rightarrow x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot {}^5\log 2. \end{aligned}$$

Ten slotte

$$9^{x^2} = 3$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$\begin{aligned} 5^{1-2x} = 2 &\Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2 \Rightarrow 2x = 1 - {}^5\log 2 \\ &\Rightarrow x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot {}^5\log 2. \end{aligned}$$

Ten slotte

$$9^{x^2} = 3 \Rightarrow x^2 = {}^9\log 3$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$\begin{aligned} 5^{1-2x} = 2 &\Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2 \Rightarrow 2x = 1 - {}^5\log 2 \\ &\Rightarrow x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot {}^5\log 2. \end{aligned}$$

Ten slotte

$$9^{x^2} = 3 \Rightarrow x^2 = {}^9\log 3 \Rightarrow x^2 = \frac{1}{2}$$

# Exponentiële vergelijkingen

Herinner

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a.$$

Los op:

$$\begin{aligned} 2^{x+3} = 16 &\Rightarrow x + 3 = {}^2\log 16 \Rightarrow x + 3 = 4 \\ &\Rightarrow x = 1. \end{aligned}$$

Zo ook

$$\begin{aligned} 5^{1-2x} = 2 &\Rightarrow 1 - 2x = {}^5\log 2 \Rightarrow 2x = 1 - {}^5\log 2 \\ &\Rightarrow x = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cdot {}^5\log 2. \end{aligned}$$

Ten slotte

$$9^{x^2} = 3 \Rightarrow x^2 = {}^9\log 3 \Rightarrow x^2 = \frac{1}{2} \Rightarrow x = \pm\sqrt{\frac{1}{2}}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

# Vergelijkingen met logaritmes

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

# Vergelijkingen met logaritmes

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

# Vergelijkingen met logaritmes

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$



# Vergelijkingen met logaritmes

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

# Vergelijkingen met logaritmes

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

# Vergelijkingen met logaritmes

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g \log a$$

$${}^g \log a + {}^g \log b = {}^g \log(ab)$$

$${}^g \log a - {}^g \log b = {}^g \log \left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g \log a^n = n {}^g \log a$$

$${}^g \log a = \frac{{}^h \log a}{{}^h \log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$



# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

$$\text{dus } x = 2^3 + 2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

dus  $x = 2^3 + 2 = 10$ .

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

dus  $x = 2^3 + 2 = 10$ . Verder:

$${}^2\log(2x - 2) = 2 - {}^2\log x$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

dus  $x = 2^3 + 2 = 10$ . Verder:

$${}^2\log(2x - 2) + {}^2\log x = 2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

dus  $x = 2^3 + 2 = 10$ . Verder:

$${}^2\log(2x - 2) + {}^2\log x = 2$$

$${}^2\log(x(2x - 2)) = 2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g \log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g \log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2 \log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

dus  $x = 2^3 + 2 = 10$ . Verder:

$${}^2 \log(2x - 2) + {}^2 \log x = 2$$

$${}^2 \log(x(2x - 2)) = 2$$

$${}^2 \log(2x^2 - 2x) = 2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g \log a$$

$${}^g \log a + {}^g \log b = {}^g \log(ab)$$

$${}^g \log a - {}^g \log b = {}^g \log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g \log a^n = n {}^g \log a$$

$${}^g \log a = \frac{{}^h \log a}{{}^h \log g}.$$



# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2\log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

dus  $x = 2^3 + 2 = 10$ . Verder:

$${}^2\log(2x - 2) + {}^2\log x = 2$$

$${}^2\log(x(2x - 2)) = 2$$

$${}^2\log(2x^2 - 2x) = 2$$

$$2x^2 - 2x = 2^2$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{h\log a}{h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g \log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g \log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^2 \log(x - 2) = 3 \quad \Rightarrow \quad x - 2 = 2^3,$$

dus  $x = 2^3 + 2 = 10$ . Verder:

$${}^2 \log(2x - 2) + {}^2 \log x = 2$$

$${}^2 \log(x(2x - 2)) = 2$$

$${}^2 \log(2x^2 - 2x) = 2$$

$$2x^2 - 2x = 2^2$$

$$x^2 - x - 2 = 0.$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \quad \Rightarrow \quad x = {}^g \log a$$

$${}^g \log a + {}^g \log b = {}^g \log(ab)$$

$${}^g \log a - {}^g \log b = {}^g \log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g \log a^n = n {}^g \log a$$

$${}^g \log a = \frac{h \log a}{h \log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log(x-1) + {}^{1/3}\log x = 1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log(x-1) + {}^{1/3}\log x = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{{}^3\log 1/3} = 1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g \log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g \log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3 \log(x-1) + {}^{1/3} \log x = 1$$

$${}^3 \log(x-1) + \frac{{}^3 \log x}{{}^3 \log 1/3} = 1$$

$${}^3 \log(x-1) + \frac{{}^3 \log x}{-1} = 1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g \log a$$

$${}^g \log a + {}^g \log b = {}^g \log(ab)$$

$${}^g \log a - {}^g \log b = {}^g \log \left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g \log a^n = n {}^g \log a$$

$${}^g \log a = \frac{{}^h \log a}{{}^h \log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log(x-1) + {}^{1/3}\log x = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{{}^3\log 1/3} = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{-1} = 1$$

$${}^3\log(x-1) - {}^3\log x = 1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log(x-1) + {}^{1/3}\log x = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{{}^3\log 1/3} = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{-1} = 1$$

$${}^3\log(x-1) - {}^3\log x = 1$$

$${}^3\log \frac{x-1}{x} = 1$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$



# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log(x-1) + {}^{1/3}\log x = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{{}^3\log 1/3} = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{-1} = 1$$

$${}^3\log(x-1) - {}^3\log x = 1$$

$${}^3\log \frac{x-1}{x} = 1$$

$$\frac{x-1}{x} = 3$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

# Vergelijkingen met logaritmes

De vergelijking  ${}^g\log x = a$  heeft als oplossing  $x = g^a$ :

$${}^g\log g^a = a.$$

Voorbeelden:

$${}^3\log(x-1) + {}^{1/3}\log x = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{{}^3\log 1/3} = 1$$

$${}^3\log(x-1) + \frac{{}^3\log x}{-1} = 1$$

$${}^3\log(x-1) - {}^3\log x = 1$$

$${}^3\log \frac{x-1}{x} = 1$$

$$\frac{x-1}{x} = 3$$

$$x-1 = 3x$$

*Regels voor machtsverheffen*

$$g^{a+b} = g^a g^b$$

$$g^{-a} = \frac{1}{g^a}$$

$$(g^a)^b = g^{ab}$$

$$(gh)^a = g^a h^a$$

*Regels voor logaritmes*

$$g^x = a \Rightarrow x = {}^g\log a$$

$${}^g\log a + {}^g\log b = {}^g\log(ab)$$

$${}^g\log a - {}^g\log b = {}^g\log\left(\frac{a}{b}\right)$$

$${}^g\log a^n = n {}^g\log a$$

$${}^g\log a = \frac{{}^h\log a}{{}^h\log g}.$$

## Opgaven

18.1, 18.2, 18.9, 18.10, 18.17, 18.18, extra.

Antwoorden van de opgaven staan achterin, uitwerkingen van de extra opgaven op <http://www.bliggy.net/cursusB.html>.

## Groepen

De indeling is op basis van je achternaam:

- A t/m D: zaal A1.08 (Gideon Jager)
- E t/m Kuhl: zaal D1.115 (Jeroen Eijkens)
- Kuhlhan t/m Seydel: zaal D1.113 (Sebastian Zur)
- Simsir t/m Z: zaal D1.112 (Thijs Benjamins)